

# المتطابقات المثلثية

المتطابقة : هي معادلة صحيحة لجميع قيم المتغيرات فيها.

المتطابقة المثلثية : هي متطابقة تحوي نسبا مثلثية وتكون صحيحة لجميع قيم الزوايا الموجودة فيها.

# نقسم النسب المثلثية الى نوعين :

## النسب المثلثية الثانوية:-

١. قاس = ١ \ اجتاس = وتر \ مجاور
٢. قتاس = ١ \ اجاس = وتر \ مقابل
٣. ظتاس = ١ \ اظاس = مجاور \ مقابل

## النسب المثلثية الاساسية :-

١. جاس = مقابل \ وتر
٢. جتاس = مجاور \ وتر
٣. ظاس = مقابل \ مجاور

# متطابقات مثلثية اساسية

$$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$$

$$\sin^2 \alpha = 1 - \cos^2 \alpha$$

$$\cos^2 \alpha = 1 - \sin^2 \alpha$$

# المتطابقات المثلثية

$$\text{ظا}^2 \text{س} = 1 + \text{قا}^2 \text{س}$$

$$\text{ظتا}^2 \text{س} = 1 + \text{قتا}^2 \text{س}$$

سؤال : اثبت صحة المتطابقات الآتية :-

$$1. \text{جا}^2 \text{هـ} | (1 - \text{جتا هـ}) = 1 + \text{جتا هـ}$$

$$\begin{aligned} \text{الطرف الأيمن : جا}^2 \text{هـ} | (1 - \text{جتا هـ}) &= 1 - \text{جتا}^2 \text{هـ} | (1 - \text{جتا هـ}) \\ &= (1 - \text{جتا هـ})(1 + \text{جتا هـ}) | (1 - \text{جتا هـ}) = 1 + \text{جتا هـ} \text{الطرف} \\ &\text{الأيسر وهو المطلوب} \end{aligned}$$

$$٢. \text{جتا}^2 \text{س} = (١ + \text{جا س}) (١ - \text{جا س})$$

الطرف الایسر:-  $(١ + \text{جا س})(١ - \text{جا س}) = (١ - \text{جا}^2 \text{س})$

= جتا<sup>٢</sup>س الطرف الایمن وهو المطلوب

٣. جتا س + جاس ظا س = ١ | جتا س

الطرف الايمن: = جتا س + جاس \* جاس | جتا س

جتا س \* جتا س | ١ \* جتا س + جاس | جتا س

= جتا س | جتا س + جاس | جتا س = ١ | جتا س الطرف

الايسر وهو المطلوب

$$٤. (جاس = جتاس) ٢ - ٢ جاس جتاس = ١$$

$$\text{الطرف الايمن} = (جاس + جتاس) ٢ - ٢ جاس جتاس$$

$$= جاس + جتاس + ٢ جاس جتاس - ٢ جاس جتاس$$

$$= جاس + جتاس = ١ \text{ الطرف الايسر وهو المطلوب}$$

إعداد الطالبة : دينا حمارشة

إشراف المعلمة : غادة العتر